

Zusatzblatt

Abgabe in Absprache mit Tutor

Hinweis:

Aufgaben immer per E-Mail (eine E-Mail pro Blatt und Gruppe) an den zuständigen Tutor schicken (Bei Programmieraufgaben Java Quellcode und eventuell benötigte Daten-dateien).

Aufgabe 1

Betrachten Sie folgende Java-Methode, die ein Integer-Array als Parameter erwartet. Gehen Sie davon aus, dass die Methode `otherMethod(int[] a)` keine Ausgaben verursacht und das übergebene Array `a` der Länge n mit Laufzeit $O(n)$ bearbeitet.

```
public void method(int[] a){
    int n = a.length;
    int count = 0;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        for (int j = i+1; j < n; j++) {
            if (a[i] == a[j]) {
                otherMethod(a);
                count++;
            }
        }
        System.out.println(count);
    }
}
```

1. Was gibt die Methode `method` für die Eingabe `[0, 1, 1, 0, 2]` aus?
2. Führen Sie eine Aufwandsabschätzung in best- und worst case für die Methode `method` in Abhängigkeit von der Länge n des Arrays `a` durch.

Aufgabe 2

1. Schreiben Sie eine rekursive Java-Methode `f(int x, int y)`, die folgende Funktion implementiert (\mathbb{N} sind die natürlichen Zahlen, \mathbb{N}_0 sind die natürlichen Zahlen inklusive 0): $f : \mathbb{N}_0 \times \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$:

$$f(x, y) = \begin{cases} 1 & \text{falls } x = 0 \\ y & \text{falls } x = 1 \\ f(x - 1, y \cdot y) & \text{falls } x > 1 \end{cases}$$

2. Berechnen Sie $f(3, 2)$. Geben Sie dabei alle Zwischenschritte an.
3. Zeichnen Sie für Ihre Methode die Activation Records für den Aufruf von `f(3, 2)` zu dem Zeitpunkt, an dem die maximale Rekursionstiefe des Aufrufs erreicht ist.

Aufgabe 3

Die Zahl π kann durch die so genannte Gregory-Leibniz-Reihe

$$\pi = \sum_{n=0}^{\infty} (-1)^n \frac{4}{1 + 2n}$$

angenähert werden. Eine obere Schranke für den Fehler der Approximation nach n Summanden ist gegeben durch:

$$|R(n)| \leq \frac{4}{2n + 1}$$

1. Implementieren Sie eine Methode, die die Zahl π approximiert und die Approximation zurückliefert. Die gewünschte Genauigkeit (obere Schranke) soll als Parameter an die Funktion übergeben werden.
2. Schreiben Sie für Ihre Implementierung eine Testmethode mittels `JUnit`, die testet, ob die Zahl π bis auf die gewünschte Genauigkeit approximiert wird. Überprüfen Sie dafür die Genauigkeit der Approximation für $|R(n)| \leq 0.0001$ und $|R(n)| \leq 0.0000001$. Hinweis: Verwenden Sie `Math.PI` als Referenz für π .

Aufgabe 4

Gegeben seien die folgenden Ausschnitte der Klassen `Rectangle` and `Circle` und der abstrakten Klasse `MovableGeometricObject`, die die Gemeinsamkeiten der Klassen `Rectangle` and `Circle` beschreibt.

```
public class MovableGeometricObject {  
  
    MovableGeometricObject(int centerX, int centerY) { ... }  
  
    public void move(int deltaX, int deltaY) { ... }  
    public int centerX() { ... }  
    public int centerY() { ... }  
  
    abstract double area();  
  
    private int centerX;  
    private int centerY;  
}  
  
public class Circle ... {  
  
    Circle(...) { ... }  
    ...  
    private int radius;  
}  
  
public class Rectangle ... {  
    Rectangle(...) { ... }  
    ...  
    private int sideX;  
    private int sideY;  
}
```

Dabei repräsentieren die Instanzvariablen `centerX` und `centerY` die x- und y-Koordinaten der Mittelpunkte des `MovableGeometricObject`. Die Methode `void move(int deltaX, int deltaY)` soll den Mittelpunkt des Objektes verschieben und `double area()` gibt den Flächeninhalt zurück.

1. Modifizieren Sie die oben angegebenen Klassen `Circle` und `Rectangle` so, dass sie von der abstrakten Klasse `MovableGeometricObject` erben.
2. Vervollständigen Sie die Konstruktoren und Methoden der Klassen.
3. Schreiben Sie JUnit-Tests für die Klassen `Circle` und `Rectangle`. Testen Sie dafür die Methode `move(int deltaX, int deltaY)` sowie die Methode `area()` der Klassen.

Aufgabe 5

Betrachten Sie die folgende Klassenhierarchie. Geben Sie an, was in der main-Methode ausgegeben wird.

```
class A {
    public A () { }
    void print () {
        System.out.println("A");
    }
}

class B extends A {
    public B () { }
    void print () {
        System.out.println("B");
    }
}

class C extends A {
    public C () { }
}

class D extends B {
    public D () { }
}

class Hierarchy {
    public static void main (String args[]) {
        A a = new C();
        A b = new B();
        B c = new B();
        A d = new D();
        D e = new D();

        a.print();
        b.print();
        c.print();
        d.print();
        e.print();
    }
}
```